

بررسی عملکرد لرزهای قابهای خمشی فولادی دارای فیوزهای برشی با سوراخهای بیضی شکل

بابک محمدزاده'، نادر فنائی^{۳*}، سعید اصیل قره باغی^۳ ۱- دانشجوی کارشناسی ارشد سازه، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران ۲- دانشیار، دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران ۳- دانشیار، دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران

*تهران، صندوق پستی ٤٤١٦–١٥٨٧٥، fanaie@kntu.ac.ir

چکیدہ

هدف از این پژوهش، بررسی و بهبود عملکرد یک سیستم جذب و استهلاک انرژی در قابهای خمشی فولادی، با طول دهانههای کوتاه و تیرهای عمیق است. یکی از چالشهای پیش رو برای طراحی سیستم قاب خمشی فولادی، وجود برخی محدودیتهای آیین نامهای مانند شرایط حداقلی طول دهانه و عمق تیر است که طراحان، به منظور تشکیل مفاصل پلاستیک خمشی در دوسر تیر، ملزم به رعایت آن هستند. با تضعیف قسمتی از تیر در میانه آن، ساز و کار اتلاف انرژی، از خمشی به برشی تبدیل شده و عملاً این نقیصه برطرف می گردد. از جمله مطالعات صورت گرفته در مورد تضعیف میانه تیرها، ایجاد سوراخهای دایروی شکل در جان تیر می باشد. با تغییر شکل سوراخها از دایروی به بیضی شکل و تغییر در آرایش بیضیها و زوایای محورهای بیضی نسبت به یکدیگر و با حفظ مساحت کسر شده از جان تیر، مطابق مدلهای ساخته شده در نرم افزار Abaqus و مقایسه پاسخ آرایشهای سوراخ مختلف بیضی شکل با حالت دایروی شکل، شکل و تغییر در آرایش بیضیها و زوایای مقایسه پاسخ آرایشهای سوراخ مختلف بیضی شکل با حالت دایروی شکل، شکل پذیری بیشتری گزارش شده است. بدین صورت که در مدلهایی که از ترکیب سوراخهای بیضوی قائم و افقی در آنها استفاده شده است، اتلاف انرژی بیشتری نسبت به سایر حالات بیخی شکل مشاهده شده و ۱۲ درصد اتلاف انرژی بیشتری نسبت به حالت دایروی محاسبه شده است. الع

> **واژگان کلیدی** قاب خمشی فولادی، فیوز برشی، سوراخ دایروی، سوراخ بیضوی، اتلاف انرژی

Seismic performance evaluation of steel moment frames including shear fuse with elliptic holes

B. Mohammadzade, N. Fanaie, S.A. Gharebaghi

Abstract

The purpose of this study is to investigate and improve the performance of energy absorption and dissipation system in the steel moment frames with short span lengths and deep beams. One of the challenges for designing a steel moment frame system is the existence of some code limitations such as minimum span length and beam depth that designers are required to follow in order to form the plastic hinges at both beam ends. By weakening a part of the beam in its middle, the mechanism of energy dissipation is changed from bending to shear, and this defect is practically eliminated. One of the studies on weakening the middle of the beams is to make circular holes in the beam web. By changing the shape of holes from circular to elliptic and changing the arrangement of the elliptic holes and the angles of the elliptical axes relative to each other and by maintaining constant the hole area reduced from the beam web, according to the models built in Abaqus software and comparing the response of different hole arrangements with circular ones, more ductility has been reported. Thus, in the models in which a combination of vertical and horizontal elliptical holes is used, more energy dissipation has been observed compared to other elliptical cases and 16% more energy dissipation has been calculated compared to the circular case.

Keywords

Steel moment frame, Shear fuse, Circular hole, Elliptic hole, Energy dissipation



ذشریه علمی و پژوهشی سازه و فولاد ؍ 🗅



تا کنون سازه های بلند مرتبه بسیاری با بکارگیری سیستم باربر جانبی قاب های خمشی در جهان طراحی و اجرا شده اند. پیش از دهه ۹۰ میلادی قاب های خمشی همواره جزء پرطرفدارترین و ایمن ترین سازه های فولادی به حساب میآمدند. قاب های خمشی دارای اعضایی بودند که به تصور طراحان وقت، قابلیت تحمل تغییر شکل های بسیار زیادی در برابر نیروهای برشی و لنگر خمشی داشتند تا اینکه با رخداد زلزله ۱۹۹٤ نورثریج^۱، این موضوع شدیداً مورد تردید واقع شد [۱]. در این زلزله شمار کثیری از قاب های خمشی، به صورت جدی مورد صدمه و آسیب قرار گرفتند و بسیاری از این صدمات و آسیب ها، گسیختگی های به وجود آمده در محل اتصال تیر به ستون قاب خمشی بود. صدمات و آسیب های سازه ای ناشی از زلزله کوبه^۲ در سال ۱۹۹۵، اهمیت بررسی مشکلات عدیده در قاب های خمشی را بیش از پیش روشن ساخت [۱].

پس از آن نظریات متعددی پیرامون نحوه بهینهسازی اتصال تیر به ستون در قابهای خمشی مطرح گردید. در اکثر این مطالعات، تضعيف قسمت خاصي از تير مورد بحث و بررسي قرار گرفته است [۲]. مطالعات انجام شده، منجر به پدیدآوری اتصالات جدیدی شد که شکل پذیری و جذب انرژی بالایی داشتند، اما همچنان ارضای شرایط حداقلی نسبت طول دهانه به عمق تیر، به عنوان محدودیت بزرگی برای این سیستم به شمار می آمد. دلیل اصلی تاکید آیین نامههای ساختمانی بر رعایت نسبت حداقلي طول دهانه به عمق تير، تشكيل مفاصل پلاستيك با طول کافی، به منظور استهلاک مطلوبتر انرژی میباشد. بر اساس ANSI/AISC 358-10 [۳] نسبت طول دهانه به عمق تیر برای قابهای خمشی ویژه نبایست کمتر از عدد ۷ و برای قابهای خمشی متوسط نباید از عدد ٥ کمتر باشد. در سازههایی با ارتفاع بالا و فاصله بین ستونهای کم، تیرهای طراحی شده عمدتاً ناقض این شرایط بوده و در عمل نسبتهای به مراتب کمتری برای این اعداد حاصل می گردد [٤]. شکل (۱) منطق محدودیت حداقلی طول دهانه به عمق تیر، با بار و مقاطع يكسان را نمايش مىدهد. تنها تفاوت ميان اين دو قاب، اختلاف میان نسبت های طول دهانه به عمق تیر است. در قاب "الف" که ناحیه رنگی نمایانگر مفاصل پلاستیک خمشی در دو سر تیر مى باشد، نسبت طول دهانه به عمق تير ارضا كننده شرايط حداقلی آیین نامه بوده و قاب "ب" ناقض این شرایط میباشد. در اين قابها، مفصل پلاستيک خمشي بين نواحي

در این قابها، مفصل پلاستیک حمسی بین نواحی $M_0 = ZF_y$ و $M = SF_y$

در قاب "الف" که ارضاء کننده شرایط آیین نامهای است، طول مفصل پلاستیک و متعاقباً انرژی تلف شده بیشتری نسبت به قاب "ب" وجود دارد.



الف) نسبت طول دهانه به عمق تير برابر ٧



ب) نسبت طول دهانه به عمق تیر برابر ٤ شکل ۱- مفاصل پلاستیک و نمودار لنگر خمشی در طول تیر [٥]

در یک قاب خمشی می توان با تضعیف عمدی تیر در وسط دهانه آن، سازو کار استهلاک انرژی را از خمشی به برشی تبدیل کرد و در این تحقیق برای بهبود عملکرد لرزهای قابهای خمشی با فیوز برشی سوراخدار، شکل سوراخها از دایروی به مدلهای مختلف بیضی شکل تغییر داده شده و با استفاده از نرم افزار اجزاء محدود Abaqus مطالعات عددی انجام شده و مزیت سوراخهای بیضوی نسبت به سوراخهای دایروی در قابهای دارای فیوز برشی به صورت کمی بررسی شده است.

۲- مطالعات صورت گرفته پیرامون مسأله

مطالعات گستردهای پیرامون موضوع ذکر شده و ساز وکارهای جدید برای قابهای خمشی انجام گرفته که عمده آنها بر



عملکرد سریع و بلافاصله پس از زلزله تاکید دارند. به عنوان مثال می توان از اتصالات SSBC^۳ یاد کرد [٦]. در این نوع از فيوزهاي سازهاي، لغزش ميان دو صفحه مياني عامل اصلي استهلاک انرژی زلزله خواهد بود. قابهای خمشی ویژه خرپایی [۷] نیز عملکردی مشابه دارند و در آنها با تضعیف اعضای خرپایی در میانه تیر، محل تشکیل مفصل پلاستیک خمشی تغییر می کند. همچنین Guan و همکارانش [۸] با کمتر کردن تنش تسلیم تیر در قسمت میانی آن، ترکیبی از سازههای قاب خمشی فولادی و پیوندهای برشی قابل جایگزین ارائه کردند. Dolatshahi و همکارانش [۹] نیز در مطالعه ای، با ایجاد شیارهایی در میانه تیر و تضعیف آن به صورت ذکر شده و همچنین ایجاد هشت برش (RBS)^² در دو سر تیر اصلی، ساز و کار اتلاف انرژی را به صورت همزمان برشی و خمشی ممکن ساختند. Nikoukalam و همکارانش [٥] با کمتر کردن ارتفاع تیر در میانه آن و تضعیف میانه تیر در وسط دهانه قاب، ساز و کار استهلاک انرژی را از خمشی به برشی تبدیل کردند. در مطالعه آزمایشگاهی Mirghaderi و همکارانش [۱۰] تضعیف در میانه تیر با ایجاد برخی سوراخهای دایروی شکل در میانه تیر انجام شد. شکل (۲) نمای کلی قاب مورد آزمایش و مقاطع تیر و ستون را در قاب تحت آزمایش نمایش میدهد.



ب) مقاطع استفاده شده در تیروستونها و فیوز برشی قاب مورد آزمایش **شکل ۲**– نمای کلی قاب و مقاطع استفاده شده در تیر و ستونها و فیوز برشی [۱۰]

۳– روش تحقيق

در این مطالعه سعی شد عملکرد قاب خمشی با فیوز برشی حفرهدار بهبود یابد. ابتدا نتایج حاصل از مطالعات آزمایشگاهی [۱۰] انجام شده با نتایج حاصل از مدل Abaqus، صحت سنجی شده است. سپس ابعاد سوراخها تغییر پیدا کرده و شکل سوراخها از دایره به بیضی تغییر کرده است. همچنین نحوه قرار گیری سوراخها و زوایای محورهای بیضی نسبت به یکدیگر تغییر کرده و مدلهای جدید تحلیل شدهاند.

٤- بررسی صحت آزمایش

مطالعات نرم افزاری به منظور آنالیز غیرخطی اجزاء محدود به وسیله نرم افزار Abaqus [۱۱] با مدل کردن سه بعدی قاب مورد آزمایش، انجام شده است. لازم به ذکر است که در مدل آزمایشگاهی، از فولاد ST52 با تنش تسلیم ۳۷۰ مگاپاسکال برای مقاطع ستونها، تمامی ورقهای سخت کننده و همچنین ورق،های پیوستگی استفاده شده و برای مقاطع تیر و تیر پیوند نیز از فولاد ST37 با تنش تسلیم ۲٦۲ مگاپاسکال و مقاومت نهایی ۳۸۰ مگاپاسکال استفاده شده است. مدول الاستیسیته فولاد مصرفی برابر ۲۰۰ گیگاپاسکال بوده و نسبت پواسون برابر ۲/۳ در نظر گرفته میشود. شکل (۳) پروتکل بارگذاری آزمایش مطابق با قسمت K2 آییننامه ANSI/AISC 341-10 [۳] که برای اتصالات تیر به ستون در قابهای خمشی تعیین شده است، ارائه مىكند. براى كاهش زمان محاسبات، مدل قابها با المانهای ایزوتروپیک S4R پوسته ٔ چهارگرهی ساخته میشوند. همچنین المانهای شل قادر به در نظر گرفتن تاثیرات کمانش موضعي هستند. آناليز مش جهت بهبود نتايج و بالا بردن دقت به خصوص در مکانهای اتصال انجام میشود. از معیار گسیختگی فون میسز و قوانین آن برای مدل کردن پلاستیسته مدل استفاده می گردد. همچنین از ترکیب کرنش-سختی ایزوتروپیک و کینماتیک برای مدل کردن سخت شدگی استفاده شده است. شرایط مرزی قاب مشابه با مدل آزمایشگاهی بوده و جابجایی های اعمالی مطابق با پروتکل بارگذاری اشاره شده، به بالای ستونها وارد شده است. همچنین به منظور جلوگیری از هرگونه جابجایی خارج صفحه قاب حین بارگذاری، درجات آزادی انتقالی در راستای عمود بر صفحه قاب بسته شده، اما امکان جابجایی عمود بر صفحه برای جان تیر پیوند تعریف شده است. در شکل (٤) مش بندی مدل اجزاء محدود دارای سوراخهای دایروی ساخته شده در نرم افزار Abaqus برای صحت سنجی نشان داده شده است. در شکل (۵) نمودارهای

نشریه علمی و پژوهشی سازه و فولاد /*۷*



شکل ۳- پروتکل بارگذاری آزمایش [۱۰]



شکل ٤- مش بندي مدل اجزاء محدود با سوراخ هاي دايروي



شکل ۵- نمودارهای هیسترزیس مدلهای آزمایشگاهی و Abaqus



شکل ٦- اتلاف انرژی تجمعی قاب آزمایشگاهی

٥- تغییر در شکل سوراخها و نحوه قرار گیری آنها به منظور بررسی تأثیر تغییر دادن شکل سوراخهای تیر پیوند از دایروی به بیضی، اقدام به مدلسازی قابهایی شد که در آنها تغییر در شکل سوراخها از دایروی به بیضی شکل به صورتی انجام میپذیرد که مساحت سوراخها در هر دو حالت دایروی و بیضی شکل، یکسان باشد. در مدل با سوراخهای دایروی از سوراخهایی با قطر ٥٥ میلی متر و با فاصله قطری مرکز تا مرکز ۱۲۷ میلی متر استفاده شده است. با کاهش ۲۰ درصدی شعاع سوراخهای دایروی، اندازه قطرهای کوچک و بزرگ بیضی، محاسبه شده است.

با توجه به توضیحات فوق، آرایشهای ۸ گانه سوراخهای بیضی شکل به صورت زیر خواهد بود.

آرایش اول: تغییر سوراخها از حالت دایره به بیضی به صورت تماماً قائم.

*آرایش دو*م: تغییر سوراخها از حالت دایره به بیضی به صورت تماماً افقی.

*آرایش سو*م: تغییر سوراخها از حالت دایره به بیضی بصورت ترکیبی قائم و افقی به طوریکه در محور با سوراخهای جفت، بیضیها به صورت قائم و در محور با سوراخهای تک، بیضیها بصورت افقی باشند.

آرایش چهارم: تغییر سوراخها از حالت دایره به بیضی بصورت ترکیبی قائم و افقی به طوریکه در محور با سوراخهای جفت، بیضیها به صورت افقی و در محور با سوراخهای تک، بیضیها به صورت قائم باشند.

آرایش پنجم: تغییر سوراخها از حالت دایره به بیضی به صورت ٤٥ درجه ترکیبی با حالت قائم.





آرایش ششم: تغییر سوراخها از حالت دایره به بیضی بصورت ٤٥ درجه ترکیبی با حالت قائم خلاف جهت آرایش پنجم.

آرایش هفتم: تغییر سوراخها از حالت دایره به بیضی بصورت ٤٥ درجه ترکیبی با حالت افقی.

آرایش هشتم: تغییر سوراخها از حالت دایره به بیضی بصورت ٤٥ درجه ترکیبی با حالت افقی خلاف جهت آرایش هفتم.

با توجه به معرفی آرایشها، پس از مدلسازی قاب



آزمایشگاهی با تغییرات فوق در نرم افزار، نتایج حاصل به

تفکیک آرایش ها ارائه شده و انرژی تلف شده هر یک از مدل ها،

با قاب با سوراخهای دایروی شکل مقایسه شده است.

کانتورهای کرنش پلاستیک معادل برای آرایش های اول تا هشتم

به ترتیب در شکلهای (۷)، (۹)، (۱۱)، (۱۳)، (۱۵)، (۱۷)، (۱۹)

– نتايج آرايش اول

– نتايج آرايش دوم



شکل ۷– کانتور کرنش پلاستیک معادل (آرایش اول)



شکل ۸– منحنیهای هیسترزیس نیروی برشی–دریفت نسبی قاب آزمایشگاهی و قاب مدلسازی شده (آرایش اول)







A STATE OF CONTRACTOR

ذشریه علمی و پژوهشی سازه و فولاد /۹



شکل ۱۱– کانتور کرنش پلاستیک معادل (آرایش سوم)









شکل ١٦- منحنی هیسترزیس نیروی برشی-دریفت نسبی قاب آزمایشگاهی و مدلسازی شده (آرایش پنجم)



شکل ۱۵– کانتور کرنش پلاستیک معادل (آرایش پنجم)

۱۰/ ذشریه علمی و پژوهشی سازه و فولاد

ISSS



100 80 60

-40

-60 -80 -100

-4

-3 -2

نيرو برحسب تن



-1

0 1

دريفت نسبي (٪)

شکل ۱۲- منحنی های هیسترزیس نیروی برشی-دریفت نسبی قاب

آزمایشگاهی و قاب مدلسازی شده (آرایش سوم)

2

3

آرايش سوم بيضي

مدل یا سوراخ دایروی

4

شکل ۱۶- منحنی های هیسترزیس نیروی برشی-دریفت نسبی قاب آزمایشگاهی و قاب مدلسازی شده (آرایش چهارم)

- نتايج آرايش پنجم





شکل ۱۸– منحنی هیسترزیس نیروی برشی – دریفت نسبی قاب آزمایشگاهی و مدلسازی شده (آرایش ششم)



شکل ۱۷– کانتور کرنش پلاستیک معادل (آرایش ششم)

– نتايج آرايش هفتم

– نتایج آرایش هشتم







شکل ۱۹–کانتور کرنش پلاستیک معادل (آرایش هفتم)



شکل ۲۱ کانتور کرنش پلاستیک معادل (اَرایش هشتم)



نشریه علمی و پژوهشی سازه و فولاد /۱۱

سال بیست و ششم ــ شمارهی سی و سوم ــ پاییز ۱۴۰۰

آرایشهای هشتگانه بیضوی شکل و همچنین میزان انرژی تلف شده تجمعی مدل با سوراخهای دایروی ارائه شده است. با توجه به مقادیر این نمودار مشاهده می شود آرایش چهارم شرایط بهینهتری نسبت به سایر آرایشها داشته و همچنین تغییر در شکل سوراخها از دایروی به بیضی، در همه حالات باعث افزایش اتلاف انرژی و همچنین افزایش شکل پذیری کلی قاب شدهاست.

> 340 مقدار أدرژي تلف شده تجمعي آرايش هاي مختلف (لنكا) 330 320 310 300 290 280 270 260 (life "set of set (اين ال. بيني Clift and share Club man series (left binny story أدادن عفتم بيمني (ارز الرز الروي (let high way (let anin the

> > **شکل ۲۳** – مقدار انرژی تلف شدہ تجمعی آرایش ہای مختلف

٦- نتیجهگیری

در این تحقیق، سعی گردید عملکرد لرزهای یک سیستم باربر جانبی جدید بهبود یابد. بدین صورت که با تضعیف میانه تیر به صورت الگوی بهینه ذکر شده، اتلاف انرژی از طریق لنگر خمشی به اتلاف انرژی از طریق نیروی برشی تبدیل میشود. همانطور که ذکر شد، طرح و اجرای قابهای خمشی با نسبت طول دهانه به عمق تیر کمتر از عدد ۷ مجاز نمی باشد، چون در این دسته از سازههای قاب خمشی ویژه که ساز و کار اتلاف این دسته از سازههای قاب خمشی ویژه که ساز و کار اتلاف انرژی در آنها تشکیل مفاصل پلاستیک خمشی در طول تیر، مفصل پلاستیک خمشی با طول کافی شکل نمی گیرد. لذا با تغییر ساز و کار استهلاک انرژی از لنگر خمشی به نیروی برشی، ضمن برطرف کردن اشکال فوق، خرابی را از مجاورت ستون که مهمترین المان سازهای است، دور می کند.

با توجه به اینکه مساحت محصور شده توسط هریک از

حلقههای نمودار هیسترزیس، معادل انرژی مستهلک شده در هر

چرخه است، لازم است برای مقایسه انرژی تلف شده تجمعی

در هر آرایش با یکدیگر و یافتن آرایش بهینه، مقدار کل انرژی

تلف شده هر مدل نيز كنار هم آورده شده و مقايسه انجام شود.

در شکل (۲۳) مقایسه میزان انرژی تلف شده تجمعی

در این تحقیق، به منظور بهبود و ارتقاء عملکرد قابهای خمشی با فیوزهای برشی دارای سوراخهای دایروی شکل، از سوراخهای بیضوی شکل با آرایشهای مختلف استفاده شد.

مطالعه عددی اجزاء محدود با استفاده از نرم افزار Abaqus نشان دهنده این موضوع بود که قابهای دارای فیوزهای برشی با سوراخهای بیضی شکل، عملکرد بهتری نسبت به فیوزهای دايروى شكل داشتند. با توجه به اطلاعات مندرج در شكل (۲۲)، آرایش چهارم بیضی شکل بهترین عملکرد را در میان آرایش های هشتگانه را داشته و نسبت به حالت دایروی، افزایش جذب انرژی ۱۶ درصدی را داشته است. آرایشهای پنجم، هفتم و هشتم على رغم اينكه نسبت به مدل با سوراخ دايروي عملكرد بهتري داشتند ولي نسبت به ساير آرايش ها ضعیفتر عمل کرده و بترتیب با ۱۰/۸، ۱۲/۳ و ۱۲/۶ درصد، کمترین نرخ افزایش جذب انرژی را داشتهاند. آرایشهای اول، دوم، سوم و ششم نیز افزایش جذب انرژی بترتیب ۱۶، ۱۳/٤، ۱۳/٤ و ۱٤/۳ درصدی نسبت به حالت دایروی را از خود نشان دادهاند. شایان ذکر است که اگر اتصال تیر پیوند میانی به تیرهای کناری با استفاده از صفحات انتهایی و به صورت پیچی باشد، تیر پیوند قابل تعویض بوده و پس از زلزله، تیر پیوند می تواند با یک تیر سالم جایگزین گردد.



- [1] Gupta, A. and Krawinkler, H. (1999), "Seismic demands for the performance evaluation of steel moment resisting frame structures", Stanford University.
- [2] Mansour, N., Christopoulos, C. and Tremblay, R. (2011), "Experimental validation of replaceable shear links for eccentrically braced steel frames", Journal of Structural Engineering, Vol. 137, pp. 1141-1152.
- [3] ANSI, A., (2010), AISC 358–10 prequalified connections for special and intermediate steel moment frames for seismic applications. American Institute of Steel Construction Inc., Chicago.
- [4] Popov, E.P., Kasai, K. and Engelhardt, M.D. (1987), "Advances in design of eccentrically braced frames", Earthquake spectra, Vol. 3, pp. 43-55.
- [5] Nikoukalam, M. and Dolatshahi, K.M. (2015), "Development of structural shear fuse in moment resisting frames", Journal of Constructional Steel Research, Vol. 114, pp. 349-361.
- [6] Nikoukalam, M.T., Mirghaderi, S.R. and Dolatshahi, K.M. (2017), "Shear slotted bolted connection", The Structural Design of Tall and Special Buildings, Vol. 26, pp. 1-17.
- [7] Ölmez, H.D. and Topkaya, C. (2011), "A numerical study on special truss moment frames with Vierendeel openings", Journal of Constructional Steel Research, Vol. 67, pp. 667-677.
- [8] Guan, B., Su, M. and Lian, M. (2020), "Seismic behaviour of combined steel framed-tube substructure with replaceable shear links", Journal of Constructional Steel Research, Vol. 167, pp. 59-68.
- [9] Dolatshahi, K.M., Gharavi, A. and Mirghaderi, S.R. (2018), "Experimental investigation of slitted web steel moment resisting frame", Journal of Constructional Steel Research, Vol. 145, pp. 438-448.

[۱۰] میرقیادری، س.ر. و محمیودی، س.ب. (۱۳۹٦)، "ارزییابی عیددی

وآزمایشگاهی رفتار قاب های خمشی فـولادی بـا اسـتفاده از فیوزبرشـی حفره دار"، پایاننامه کارشناسیارشد، دانشگاه تهران.

[11] Abaqus, (2019), Users manual. Providence, RI, USA: HKS Inc.

پی نوشت

- ¹ Northridge
- ² Kobe
- ³ Shear slotted bolted connection
- ⁴ Reduced beam connection
- ⁵ Shell



نشریه علمی و پژوهشی سازه و فولاد /۱۳