نشربه علمي مهندسي فناوري اطلاعات مكاني

سال یازدهم، شماره چهارم، زمستان ۱۴۰۲ Vol.11, No.4, Winter 2024 ۲۱ – ۳٦ مقاله پژوهشی

دان دان مجمه بسرنقیه بردار

# پیش تحلیل مدلهای بازسازی توموگرافیک بخار آب مبتنی بر تحلیل ماتریس طراحی فضای مدل با ترکیبهای متفاوت از مشاهدات ماهوارههای GNSS

الهه صادقی"، مسعود مشهدی حسینعلی'، عبدالرضا صفری"

۱- دانشجوی دکتری ژئودزی، دانشکده مهندسی نقشهبرداری و اطلاعات مکانی، دانشکدگان فنی، دانشگاه تهران

۲- دانشیار گروه ژئودزی، دانشکده مهندسی نقشهبرداری، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی

۳- استاد، دانشکده مهندسی نقشهبرداری و اطلاعات مکانی، دانشکدگان فنی، دانشگاه تهران

تاریخ دریافت مقاله: ۱۴۰۱/۰۶/۲۲ تاریخ پذیرش مقاله: ۱۴۰۱/۱۰/۰۵

### چکیدہ

با توجه به اینکه بخار آب نقش کلیدی در تغییرات آبوهوایی ایفا می کند، مدل سازی این کمیت با بالاترین دقت و کمترین هزینه همیشه مورد توجه محققین بوده است. تکنیک توموگرافی از طریق آنالیز اثر لایه تروپوسفر بر روی سیگنالهای ماهوارههای GNSS به مدلسازی چهار بعدی بخار آب می پردازد. مجهول مسئله درتوموگرافی بخار آب مبتنی بر المانهای حجمی، میزان این کمیت در هر المان می باشد. یکی از مشکلات اساسی در توموگرافی تروپوسفر، عدم وجود و یا وجود تعداد ناکافی سیگنال در برخی از المانهای حجمی است. برای بررسی و ارزیابی کارایی مدلهای توموگرافی نیاز است که قبل از اجرای آن اعتبار مدل مورد بررسی قرار گیرد. در تحقیق پیشرو، میزان اثرگذاری دو پارامتر در بهبود بازسازی توموگرافیک انکسارپذیری تر تروپوسفر از طریق آنالیز آماری ماتریس طراحی مدل مورد بررسی قرار گرذای دو پارامتر در بهبود تاثیر افزایش مشاهدات در مسئله توموگرافی با بکارگیری ترکیبهای متفاوتی از سیگنالهای ماهوارههای GNSS و مورد دوم بررسی آن برای المانهای حجمی مدل در کیفیت مدلسازی توموگرافیک انکسارپذیری تر است. در این مطالعه از ماتریس زراورشن و تابع گسترش آن برای ارزیابی اعتبار مدل های پیشنهادی، در مرحله پیش آنالیز بهره گرفته شده است. نتایج نشان می دهد که استفاده از مشاهدات تمامی ماهوارهها المانهای حجمی مدل در کیفیت مدلسازی توموگرافیک انکسارپذیری تر است. در این مطالعه از ماتریس زراورشن و تابع گسترش آن برای ارزیابی اعتبار مدل های پیشنهادی، در مرحله پیش آنالیز بهره گرفته شده است. نتایج نشان می دهد که استفاده از مشاهدات تمامی ماهوارهها المانهای حجمی مدل در کیفیت مدلسازی توموگرافیک انکسارپذیری تر است. در این مطالعه از ماتریس طراحی در زولوشن افقی ۴ مای افزایش کیفیت مدل ها میشود ولی این میزان چندان قابل توجه نمی باشد. به عنوان مثال در مدل توموگرافی با رزولوشن افقی ۴ کیلومتر با افزایش کیفیت مدل ها می شود ولی این میزان چنده مای مدل ها با یکدیگر برابری می کنند. در مقابل بزرگ کردن ابعاد افقی شبکه می تواند تاثیر بهتری در کیفیت مدل ها داشته باشد؛ به گونهای که مقامی که تنها از مشاهدات در مقابل بزرگ کردن ابعاد افقی شبکه می تواند تاثیر بهتری در کیفیت مدل ها داشته باشد؛ به ۲۰ کیلومتر کاهش پیدا کرده است. در واقع افزایش مشاهدات در کنار ورشهای دیگر ما انداد معرفی ایمان های هی حجمی می تواند مر کیلومتر ماهش پیه

كليد واژهها : GNSS توموگرافي، ماتريس طراحي، ماتريس رزولوشن، تابع گسترش.

<sup>®</sup> نویسنده مکاتبه کننده: تهران، خیابان کارگر شمالی، بالاتر از جلال آل احمد، دانشکدگان فنی دانشگاه تهران، دانشکده مهندسی نقشهبرداری و اطلاعات مکانی. تلفن: ۲۱۸۸۰۰۸۸۴۴

سال یازدهم ● شماره چهارم ● زمستان ۱۴۰۲

#### ۱– مقدمه

بخار آب نقش بسیار مهمی در شکل گیری پدیدههای جوی مانند بارش باران و برف، همچنین آلودگی هوا بازی میکند. به همین جهت، پایش و تعیین توزیع و تغییرات آن در اتمسفر از اهمیت زیادی برخوردار است. دانش دقيق از توزيع سهبعدي اين پارامتر متغير، المان کلیدی برای پیشبینی آبوهـوا و تغییـرات اقلیمـی در کاربردهای هواشناسی است / ۲۰۱ و ۳]. توزیع غیر یکنواخت این پارامتر از نظر زمانی و مکانی به دلیل پویایی جو و پدیدههای جوی است که بالای سطح زمین رخ میدهد. تکنیکهای متنوعی برای اندازهگیری بخار آب در جو وجود دارد، از آن جمله می توان به لیـدار ( (۴ و۵) رادیـومتر ۲ بخـار آب (۶]، سنسـورهای زمینی [۷ و۸] و رادیوسوند<sup>۳</sup> اشاره کرد. از مسائل مـورد توجه محققین پایش بخار آب موجود در جو با دقت بالاتر و هزینه پایین تر است. با توجه به اثر گذاری تأخیری در سیگنالهای ارسالی از ماهوارههای سیستم-های تعیین موقعیت ماهوارهای جهانی (GNSS<sup>۴</sup>) در ایستگاههای ردیابی، مسئله بازسازی توموگرافیک میدان بخار آب یا انکسارپذیریتر با بهرهگیری از مشاهدات ماهوارههای GNSS مطرح و گسترش آن مورد توجه محققین قرار گرفته است (۹ و ۱۰].

در بـین ماموریتهای GNSS موجود، استفاده از مشاهدات گیرندههای GPS به دلیل پیشینه زیاد در بین متخصصین به عنوان نخستین اندازه گیریها در مدل سازی بخار آب بکار گرفته شده است. توموگرافی بخار آب مبتنی بر تأخیر در دریافت سیگنال GPS برای اولین بار توسط بویس ارائه گردید [۱۱]. تا کنون تحقیقات بسیاری در راستای بهبود مدلهای توموگرافی با GPS صورت گرفته است که از آنها می توان به

<sup>1</sup> Lidar

۱۲، ۱۲ و ۱۴ | اشاره نمود. با بروز رسانی سامانه GLONASS<sup>6</sup> و پیشرفت قابل توجه در ماهواره-های BDS<sup>6</sup> و Galileo، بهره گیری از تمامی مشاهدات GNSS می تواند در بهبود کیفیت بازسازی تومو گرافیک بخار آب مؤثر باشد [۱۵ و ۱۶].

در GNSS توموگرافی دو رویکرد مورد بررسی است؛ توموگرافی بخار آب مبتنی بر المان های حجمی که روش مورد استفاده در این تحقیق است و به تفصیل مورد بحث و بررسی قرار میگیرد و توموگرافی بخار آب مبتنی بر توابع پایه. مجهولات در GNSS توموگرافی مبتنی بر توابع پایه، ضرایب توابع پایه متعامد هستند. از اولین مطالعات صورت گرفته در این زمینه می توان به تحقیقات ژائو و همکاران (۲۰۱۸) اشاره کرد [۱۷]. در زمینه توسعه و بهبود تومـوگرافی بخـار آب مبتنـی بـر توابع پایه تحقیقات زیادی صورت گرفته است که از آنها می توان به تحقیقات حاجی آقا جانی و عامریان (۲۰۲۰) اشاره کرد [۹]. آنها در مطالعات خود از توابع پایه اسپیلاین برای بازسازی توموگرافیک چگالی بخار آب در لایههای ارتفاعی استفاده کردند [۹]. در راستای بهبود توموگرافی تروپوسفر مبتنی بر توابع پایه نیز مطالعات صورت گرفته شده است از آن جمله می توان به تحقیقات دهواری و همکاران (۲۰۲۲) اشاره نمود [۱۸]. آنها در تحقیقات خود کاربرد مشاهدات رخـداد آکولتیشن<sup>۷</sup> را به جبران کمبود مشاهدات در مناطقی که ایستگاه های GNSS از تراکم مطلوبی برخوردار نیست مطرح کردند. نتایج نشان میدهد که تلفیق مشاهدات رخداد آکولتیشن با مشاهدات سیگنالهای *GPS* افــزایش دقــت مقـادیر حاصـل از بازسـازی توموگرافیک انکساریذیریتر را به همراه دارد [۱۸].

در توموگرافی بخار آب مبتنی بر المانهای حجمی، تروپوسفر به مجموعه محدودی از عناصر، معروف به

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Radiometer

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Radiosonde

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>Global navigation satellite system

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Global Navigation Satellite System

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup> BeiDou Navigation Satellite System

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup>Radio Occultation

وکسل<sup>۱</sup>، تقسیم میشود [۱۹] و از تأخیر سیگنالهای دریافتی از ماهوارههای GNSS در بازسازی بخار آب تروپوسفر در هریک از این وکسلها استفاده میشود (۲۰]. از مشکلات اساسی در این تکنیک، نبود و یا عدم وجود تعداد کافی سیگنال به دلیل محدود بودن تعداد گیرندهها و زاویه ارتفاعی ماهوارهها در برخی از وکسلها است که باعث کمبود مرتبه ماتریس طراحی میشود (۲۱ و۲۲]. به همین جهت گروهی از محققان میشود (۲۱ و۲۲]. به همین جهت گروهی از محققان میشود (۲۱ و۲۲]. به همین جهت گروهی از محققان میشود (۲۱ و۲۲]. به همین جهت گروهی از محققان در زمینه یافتن روشهای مختلف برای مقید کردن مسئله و یافتن یک راه حل منحصر به فرد تحقیق می-کنند. تحقیقات صورت گرفته در توسعه مدلهای توموگرافی در راستای حل این مسئله متمرکز بوده

در زمینه آنالیز اولیه و ارزیابی کارایی مدلهای توموگرافی، اخیراً تحقیقاتی صورت گرفته شده است؛ به عنوان نمونه انتخاب سايز وكسلها كه بيشتر مبتنى بر افزایش تعداد مشاهدات در آنها و حذف وکسلهایی است که یا تقاطعی در آنها رخ نداده و یا تعداد مشاهدات در آنها کافی نیست (۲۷، ۲۸ و ۲۹ ]. با توجه به این اصل که در توموگرافی بخار آب، فـرض بـر همگن بودن میزان بخار آب در تمام فضای اشغال شده توسط هر وکسل است، ابعاد وکسلها باید به گونهای باشد که هم در برگیرنده مشاهدات کافی بوده و هم میزان بخار آب در فضای اشغال شده توسط وکسل همگن باشد. از دیگر تحقیقات در زمینه آنالیز اولیه می توان به تحقیقات صادقی و همکاران (۲۰۲۲) اشاره کرد که با بهره گیری از مدلهای عددی هواشناسی به عنوان دانش اولیه از شرایط جوی، ابعاد وکسلها را متناسب با دینامیک جو تعیین کردهاند [۳۰]. اداوی و همکاران (۲۰۲۲) نیز تحقیقاتی در زمینه بهره گیری از گسترش ماتریس رزولوشن<sup>۲</sup> در راستای ارزیابی کیفیت مدل توموگرافی بدون استفاده از دادههای مرجع انجام

دادند. در این تحقیقات تابع گسترش بکوس-گیلبرت (BG<sup>۳</sup>) به عنوان روشی آماری برای ارزیابی کیفیت مدل توموگرافی معرفی گردیده است [۳۰]. با توجه به چالشهای موجود در مسئله توموگرافی بخار آب که به مواردی از آنها اشاره شد؛ آنالیز اولیه مدل توموگرافی میتواند در مدیریت هزینه، زمان و حجم محاسبات مؤثر باشد. به این جهت ما در این تحقیق چند مدل توموگرافی را با استفاده از گروههای متفاوتی از مشاهدات GNSS تشکیل و کارایی آنها با ماتریس

رزولوشن مورد بررسی قرار دادهایم. علاوه بر آن از تابع گسترش BG برای ارزیابی کیفیت و کارایی مدلهای نام برده بهره گرفتهایم. تمامی این موارد و خلاصهای از تئوری بازسازی توموگرافیک انکسارپذیری تر با استفاده از مشاهدات GNSS، مباحثی است که در بخش متدولوژی به تفصیل بیان شده است. پیاده سازی و نتایج عددی روش پیشنهادی برای سه مدل توموگرافی نتایج عددی روش پیشنهادی برای سه مدل توموگرافی ابا رزولوشن افقی (ابعاد افقی) متفاوت وکسلها، بررسی آماری ماتریس رزولوشن و گسترش آن در قالب نمودارها و جداول در بخش نتایج عددی گردآوری گردیده است.

### ۲-تئوری و روش

در این بخش از مقاله در ابتدا اساس بازسازی توموگرافیک انکسار پذیری تر با استفاده از مشاهدات ماهوارهای بیان شده است و در ادامه تئوری ماتریس رزولوشن و کارایی آن در ارزیابی کیفیت مدلهای توموگرافی معرفی شده است. در بخش پایانی این قسمت تئوری و مفهوم گسترش ماتریس رزولوشن بیان شده است.

### ۱-۲- اساس بازسازی توموگرافیک تروپوسفر

در مسئله GNSS tomography با توجه به کمیت مشاهده شده؛ خروجی های متفاوتی از معادلات مشاهدات قابل استخراج است. اگر کمیت مشاهده شده

Downloaded from jgit.kntu.ac.ir on 2024-03-11

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Voxel

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> spread of the resolution matrix

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Backus-Gilbert spread function

#### سال یازدهم • شماره چهارم • زمستان ۱۴۰۲

به عنوان ورودی مسئله، <sup>۱</sup> SWD (تأخیر تر مایل) باشد؛ خروجی معادلات مشاهدات، انکسار پذیری تر وپوسفر خواهد بود (رابطه (۱)) [۱۹] و اگر ورودی مسئله SWV<sup>۲</sup> (بخار آب مایل) باشد نتیجه حاصل از معادلات مشاهدات، بازسازی چگالی بخار آب منطقه مطالعاتی است (رابطه (۲)) [۳۲].

$$SWD = 10^{-6} \int_{s} N_{w} \, ds \tag{1}$$

$$SWV = 10^{-6} \int \rho_w \, ds$$
 (۲) رابطه

در روابط (۱) و (۲)، S مسیر سیگنال بین یک ماهواره و یک گیرنده،  $N_w$  پارامتر انکسار پذیری تر و  $\rho_w$ چگالی بخار آب میباشد. دو کمیت نام برده را میتوان با اطلاعات اضافی به یکدیگر تبدیل کرد [۱۱]:

$$SWV = \frac{10^{5}}{\left(k_{3}/T_{m} + k_{2}\right).R_{v}} SWD$$
 (٣)

 $k_{2} = 3.776 \times 10^{5} \text{ K}^{2} \text{hPa}^{-1}$ , ابطه(۳)، د, نکساریذیری، انکساریذیری،  $k_2 = 16.48 \text{ KhPa}^{-1}$ ز و  $T_m$  متوسطی وزندار  $R_v = 461 \, \text{JKg}^{-1} \text{K}^{-1}$ از دمای تروپوسفر<sup>۳</sup> میباشد که براساس دادههای هواشناسی محاسبه می شود [۳۳]. در مدلسازی توموگرافیک مبتنی بر وکسل، مدل به صورت یک شبکه متشکل از وکسل هایی است که درفضای اشغال شده توسط هر یک از آنها، مجهول مورد نظر ثابت فرض می شود. بنابراین لازم است که معادلات انتگرال در روابط (۱) و (۲) به فرم گسسته باز نویسی گردند (رابطه (۴)) [۱۳]. در این تحقیق انکسارپذیری تر به عنوان مجهول در نظر گرفته شده است؛ به همین جهت از آوردن روابط مربوط به چگالی بخار آب صرفه نظر می گردد.

$$SWD_i = 10^{-6} \sum_{j=1}^n N_{wj} \Delta s_j$$
 (باطه(۴))  
در رابطه(۴)، *i* نشاندهنده وکسلی است که *i* امین  
سیگنال آن را قطع می کند. به این ترتیب نمایش  
ماتریسی رابطه (۴) به صورت رابطه (۵) میباشد [۲۹].  
b = AX (۵)  
در رابطه(۵)، X بردار مجهولات( $N_w$ )، A ماتریس  
طراحی و شامل طولهای  $z \Delta$  است [۳۲]. ماتریس A  
ماتریسی ( $m \times n$ ) است که در آن ( $m$ ) تعداد  
مشاهدات بوده و وابسته به تعداد ایستگاهها، رزولوشن  
زمانی و تعداد ماهوارههای قابل رویت میباشد. تعداد  
نستونهای ماتریس ( $n$ ) تعداد مجولات مسئله میباشد  
که برابر تعداد وکسلهای مدل توموگرافی است.  
ماتریس d بردار مشاهدات (SWD) میباشد. جهت  
ماتریس d بردار مشاهدات (SWD) میباشد. جهت

در توموگرافی مبتنی بر وکسلها، ماتریس A ماتریسی با ابعاد بزرگ و تنک<sup>۴</sup> است. علاوه بر این، به دلیل عدم عبور سیگنال از برخی از وکسلها این ماتریس از مرتبه کاملی برخوردار نیست. در نتیجه، جهت اضافه کردن قید(ها)یی به دستگاه معادلات مشاهدات ضروری است [۱۹، ۳۳ و۳۲]. ماتریس طراحی بازتابی از وضعیت هندسی مسئله میباشد. لذا، میزان تاثیر تغییر ابعاد وکسلها و تعداد ماهوارههای مشاهداتی در جواب مساله را میتوان از طریق ماتریس طراحی بررسی کرد. ۲-۲- ماتریس رزولوشن

همانطور که پیشتر بیان شد؛ یکی از چالشهای پیش رو در روش توموگرافی، ارزیابی کیفیت پارامترهای مدل بازسازی شده است. ارزیابی ماتریس رزولوشن فضای مدل (<sub>m</sub>) یکی از رایج ترین روشها در این زمینه است. ماتریس رزولوشن تعیین کننده میزان بایاس در یک مسئله معکوس گسسته است. اگر این ماتریس واحد باشد (R<sub>m</sub> = I) در این صورت تمامی پارامترهای

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Slant Wet Delay

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> slant water vapor

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>Weighted mean tropospheric temperature

<sup>&</sup>lt;sup>¢</sup> Large sparse

مدل به صورت منحصر به فرد قابل برآورد میباشند [۳۴]. با توجه به اثر منابع خطا براورد مقدار صحیح پارامتر شکستپذیری ( $N_w^{\text{true}}$ ) ازمعادله (۱) ممکن نیست. به عبارت دیگر،  $N_w^{\text{true}} \neq N_w^{\text{est}}$ . اگر  $N_{w0}$  میدان انکسارپذیری تر اولیه باشد که از مدل های عددی هواشناسی بدست آمده، میزان اختلاف بین این دو کمیت را با استفاده ازرابطه(۶) میتوان محاسبه کرد [۳۴]:

 $N_{w}^{est} - N_{w0} = C_m A^T G^{-1} [AN_w^{true} - AN_{w0}]$  (۶) به بر این اساس، ماتریس زیر حاصل از رابطه (۷) که به ماتریس رزولوشن معروف است بدست میآید. این ماتریس، شاخصی را برای ارزیابی میزان صحت نتایج برآورد شده از رابطه (۱) در اختیار میگذارد [۳۳ و

$$R_{\rm m} = C_{\rm m} A^{\dagger} G^{-1} A$$
 (۷) رابطه

در رابط(۷)،  $^{\uparrow}$  معکوس تعمیم یافته ماتریس A می-در رابط(۷)،  $^{\uparrow}$  معکوس تعمیم یافته ماتریس A می-باشد و ( $^{\downarrow}$ (M<sub>w0</sub>) و  $^{J}$  ضریب میرایی  $^{I}$ است و در بازه (۱ ) تعریف میشود [۳۷]. با استفاده از قضیه تجزیه به مقادیر و بردارهای منفرد [ ۳۸]، اگر S ماتریس مقادیر ویژه A باشد، داریم USV = A و A = USV ماتریس مقادیر ویژه V باشد، داریم V و U به ترتیب ماتریسهای بردارهای منفرد راست و چپ هستند. به این ترتیب ماتریس رزولوشن را به صورت رابطه(۸) میتوان نوشت [۳۵ و ۳۸]:

 $R_m = V_p V_p^T$  (۸) مرابطه در رابطه(۸)، p تعداد مقادیر منفرد غیر صفر است. اگر فضای پوچ ماتریس A تنها شامل عنصر بدیهی باشد، فضای پوچ ماتریس واحد و چنانچه rank(A) = p < n (A)  $R_m$  یک ماتریس واحد و چنانچه nماتریس رزولوشین ماتریسی قطری خواهد بودکهماتریس روی قطر اصلی ماتریس رزولوشین صفر و یانزدیک به صفر باشد، پارامترهای متناظر با ایین مقادیر

در مدلسازی به خوبی بازسازی نمی شود [۳۵]. با توجه به ویژگی ماتریس رزولوشن یک طراحی بهینه از هندسه مدل توموگرافی منتج به ماتریس رزولوشن یکه خواهد شد. به عبارت دیگر از ماتریس رزولوشن میتوان در آنالیز اولیه یک مدل توموگرافی استفاده کرد. ۲-۳- تئوری و مفهوم گسترش ماتریس رزولوشن از آنجا که ماتریس رزولوشن از ماتریس طراحی بدست میآید، نشاندهنده هندسه و فیزیک مسئله است و می تواند در مرحله طراحی مدل توموگرافی مورد بررسی قرار داده شود. با توجه به تعریف و نحوه محاسبه ماتریس رزولوشن که در زیر بخش (۲-۲) به طور کامل شرح داده شده است؛ عناصر بزرگ روی قطر با عناصر کوچک خارج از قطر نشان میدهند که اگر هندسه و کیفیت دادههای مشاهداتی به اندازه کافی مناسب باشند، پارامتر مورد نظر به درستی برآورد شود. بر خلاف آن عناصر بزرگ خارج از قطر نشان میدهد که پارامتر مورد نظر با کیفیت پایینی برآورد خواهد شد [۳۰]. منک<sup>۲</sup> (۲۰۱۲) بر اساس ویژگی مطرح شده از ماتریس رزولوشن، گسترش ماتریس رزولوشن را مطرح کرد [۳۶]. یکی از ابزارهای شناخته شده در حل مسائل معکوس، گسترش ماتریس رزولوشن مدل برای ارزیابی كيفيت راهحل ارائه شده، بدون نياز به مقادير مرجع (مانند دادههای رادیوسوند) و محاسبه کمیتهای آماری است. این کمیت کیفیت پارامترهای مدل را با در نظر گرفتن خوب بودن دادهها، ماتریس وضوح مدل و ماتریس کوواریانس اندازه گیری می کند. مفهوم اصلی یشت این مقدار، ماتریس وضوح فضای مدل است که حاوی اطلاعات ارزشمندی در مورد ماتریس طراحی و كيفيت مشاهدات است. تابع گسترش ماتريس رزولوشن که در آن از نُرم فروبنیوس<sup>۳</sup> استفاده شده است، تابع گسترش دریخله نامیده می شد؛ اما به دلیل یکسان بودن وزن عناصر غیر قطری علی رغم نزدیک یا دور

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Damping coefficient

<sup>&</sup>lt;sup>v</sup> Menke

<sup>&</sup>quot; Frobenius

#### سال یازدهم • شماره چهارم • زمستان ۱۴۰۲

بودن به عناصر قطری تابع گسترش دریخله معیار مناسبی برای ارزیابی ماتریس رزولوشن نیست. به همین جهت برای حل این موضوع ضریب وزن *W* به رابطه دریخله اضافه گردید. رابطه (۹) بازسازی شده معادله دریخله میباشد [۳۶ و ۴۱].

$$Spread(R_{mi}) = \sum_{j=1}^{M} W_{ij}[R_{mi} - d_{mi}]^{2}$$
(9)

در رابطه(۹)، وزن  $W_{ii}$  فاصله بین وکسل i ام با j امـین وکسل در واحد کیلومتر در هر لایه ارتفاعی و M تعـداد وكسل در هر لايه از مدل است. اگر وزن را معكوس فاصله گاوسی ابین هر وکسل با وکسلی دیگر از همان لايه قرار دهيم تابع گسترش حاصل، تابع گسترش بکوس گیلبرت (BG) نامیده می شود [۴۰ و ۴۱]. از آنجا که فاصله معکوس گوسی برای وکسل هایی از یک لایه ارتفاعی تعریف میشود از مخفف <sup>۲</sup>BGH برای این تابع گسترش استفاده می شود. توابع گسترش دیگری توسط محققین معرفی شده است [۴۳ و ۴۵]. در این تحقیق از تابع گسترش BGH استفاده شده است. مطالعات صورت گرفته در زمینه کاربرد گسترش ماتریس رزولوشن در پیش تحلیل توموگرافی بخار آب نشان میدهد که همبستگی قابل توجهی بین تابع گسترش ماتریس رزولوشن و پارامتر آماری STD<sup>۳</sup> وجود دارد [۳۱].

۳- نتایج عددی

در این تحقیق برای بررسی میزان تأثیر افزایش مشاهدات در کیفیت بازسازی توموگرافیک بخار آب اتمسفر و همچنین بررسی میزان تاثیر ابعاد افقی مدل توموگرافی در کیفیت نتایج، چند مدل توموگرافی مورد بررسی قرار گرفته است. مدلهای توموگرافی با سه تفکیک افقی متفاوت با در نظر گرفتن سه دسته مشاهدات از ماهوارههای GNSS و با بکارگیری ماتریس

رزولوشـن و تـابع گسـترش مـاتریس رزولوشـن مـورد ارزیابی قرار گرفتهاند. نتایج حاصل از پیش آنالیز صورت گرفته در این بخش گزارش شده است.

۱–۳– منطقه مطالعاتی و مدلهای توموگرافی

برای پیاده سازی روش پیشنهادی در این تحقیق منطقه شمال غربی ایران انتخاب شده است. این منطقه به دلیل داشتن شبکهای نسبتاً متراکم از ایستگاههای دائمی GPS به عنوان منطقه مطالعاتی انتخاب شد (شکل (۱)). از مشاهدات پانزده ایستگاه دائمی GNSS با توزیع مکانی نشان داده شده در شکل (۲) در این تحقیق استفاده شده است. روز ۳۰۰ از سال ۲۰۱۸ میلادی با بیشینه رطوبت نسبی ۹۳ درصد به عنوان یک روز مرطوب جهت مطالعه انتخاب گردیده است.



شکل ۱: موقعیــت جغرافیـایی منطقــه مطالعـاتی و توزیـع ایستگاههای دائمی GPS در منطقه (با علامت مثلث)

در این تحقیق سه شبکه توموگرافی با ابعاد افقی ۳۰، ۴۰ و ۵۰ کیلومتری جهت بررسی و پیاده سازی روش پیشنهادی در نظر گرفته شده است. از نظر تفکیک ارتفاعی هر سه شبکه مشابه یکدیگر میباشند. تفکیک ارتفاعی مدلها به دلیل تغییرات شدیدتر بخار آب اتمسفری، از سطح زمین تا ارتفاع حدود ۴ کیلومتری

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Gaussian inverse distance (GID)

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> The BG spread due to considering GID for every horizontal layer

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Standard Deviation (STD)

پــیش تحلیــل مــدلهــای بازســازی توموگرافیــک . الهه صادقی و همکار ان

> ۵۰۰ متر و پس از آن ۱ کیلومتر تا ارتفاع تقریباً ۱۰ کیلومتری از سطح زمین در نظر گرفته شده است. تفکیک زمانی برای هر سه مدل توموگرافی یک ساعت

میباشد. موقعیت سه شبکه توموگرافی معرفی شده در تصاویر شده است. تصاویر شاهده است.



شکل ۲: نمای بالایی از مدلهای توموگرافیک با تفکیک افقی ۳۰ کیلومتر (تصویر چپ)، تفکیک افقی ۴۰ کیلومتر (تصویر وسط) و مدل با تفکیک افقی ۵۰ کیلومتر (تصویر راست)،

۲-۳- آنالیز ماتریس طراحی
یکی از چالشها در بازسازی توموگرافیک بخار آب عدم وجود تعداد کافی سیگنال در برخی از وکسلهای شبکه توموگرافی است. از منظر عددی ماتریس طراحی از آرایههای نامتجانس برخوردار است به گونه ای که تعدادی از این آرایهها بسیاری مقادیری نزدیک به صفر، برخی دیگر مقادیری کوچک و برخی مقادیری بسیار برخی دیرا می می از گرای شدن عدد مرابی شرط<sup>۱</sup> و بد وضع<sup>۲</sup> شدن مسئله می انجامد. در این تحقیق میزان تغییر مرتبه ماتریس طراحی با اضافه مرط<sup>۱</sup> و بد وضع<sup>۲</sup> شدن مسئله می انجامد. در این کردن مشاهدات بقیه ماهوارههای *GNSS* به مشاهدات افزایش تعداد مشاهدات می تواند به کاهش تعداد وکسل که می افزایش تعداد مشاهدات می تواند به کاهش تعداد منتها از آنها عبور نکرده است.

قیود کمتری را برای رسیدن به جوابی یکه ایجاب می-کند. به این ترتیب، مقادیر بازسازی شده مجهولات كمتر تحت تاثير قيود تحميل شده به مساله مورد نظر خواهند بود. از طرف دیگر افزایش تعداد مشاهدات به افزایش حجم و زمان محاسبات میانجامد. در شرایط جوی ناپایدار رسیدن به جوابی واقع بینانه برای مجهولات نیازمند کوچک کردن رزولوشن زمانی است. با توجه به اینکه ماهوارههای مورد استفاده در تعیین موقعیت و ناوبری برای مطالعات هواشناسی طراحی نشدهاند، استفاده از مشاهدات ماهوارههای دیگر در کنار مشاهدات ماهوارههای سامانه GPS ممکن است ناپایداری جواب را در بازههای زمانی کوچک تقویت نماید. این نتیجه گیری از آن جهت است که هندسه فضایی ماهوارهها احتمال دارد به گونهای باشد که باعث افزایش مشاهدات در برخی از وکسلها و عدم مشاهدات کافی در دیگر وکسل ها شود.

جهت بررسی مرتبه ماتریس طراحی، سه اسـتراتژی در ترکیب مشاهدات ماهوارهای در بازسـازی توموگرافیـک بخار آب در نظر گرفته شده است: در رویکرد اول فقـط

<sup>&</sup>lt;sup>\</sup>Condition number

<sup>&</sup>lt;sup>r</sup> Ill-posed

نشریه علمی – مهندسی فناوری اطلاعات مکانی

سال یازدهم • شماره چهارم • زمستان ۱۴۰۲

پیشبینیهای هواشناسی فرض میشود که شرایط جوی در بازههای یک ساعته پاپدار است به همین علت بررسیها برای یک روز کامل با تفکیک زمانی یک ساعته صورت گرفته شده است. در روز ۳۰۰ از سال ۲۰۱۸ میلادی تعداد کل مشاهدات در هر اپک یک ساعته در سه ترکیب مذکور از ماهوارههای GNSS در شکل(۳) گزارش شده است.

از مشاهدات ماهوارههای GPS استفاده شده است. استراتژی دوم مشاهدات هر دو دست ماهوارههای GLONASS و GPS را در بر می گیرد. در رویکرد آخر از مشاهدات تمامی ماهوارههای فعال GNSS (GPS, GNSS) استفاده می شود. از فرضهای اولیه در توموگرافی تروپوسفر پایدار بودن شرایط جوی در بازههای زمانی مورد تحقیق است و در



شکل ۳: نمودار بالا، تعداد مشاهدات ماهوارههای GNSS دریافت شده توسط ۱۵ ایستگاه مطالعاتی در روز ۳۰۰ از سال ۲۰۱۸. نمودار پایین، درصد تعداد مشاهدات از ماهوارههای GPS به تمامی ماهوارههای فعال و درصد تعداد مشاهدات از ماهوارههای GPS به مجموعه مشاهدات از ماهوارههای GPS و GLONASS

این میزان به ۲۶ درصد در ساعات اولیه روز کاهش پیدا کرده است و در مقایسه با مجموع مشاهدات GPS و ۶۴ در بیشترین مقدار به ۶۴ همانطور که از شکل(۳) مشخص است تنها با استفاده از مشاهدات GPS در بهترین حالت فقط از ۴۰ درصد از تمام مشاهدات ماهوارههای GNSS استفاده شده است پــیش تحلیــل مــدلهــای بازســازی توموگر افیــک .. الهه مادقی و همکار ان

هندسه مسئله توموگرافی استفاده میشود. کمبود مرتبه ماتریس طراحی در ترکیبهای مختلف از ماهوارههای GNSS برای هر سه مدل توموگرافی در شکل(۴) قابل ملاحظه است. درصد از مشاهدات رسیده است. مسئله مورد بحث این است که این افزایش تعداد مشاهدات در مدل توموگرافی به چه میزان میتواند در کیفیت پارامترهای بازسازی شده تاثیر مثبت داشته باشد. به همین جهت از ماتریس رزولوشن برای بررسی و ارزیابی کیفیت



شکل ۴: کمبود مرتبه ماتریس طراحی مدل های توموگرافی از بالا به پایین به ترتیب مدل با تفکیک افقی ۳۰، ۴۰ و ۵۰ کیلومتر با ایک های زمانی یک ساعته در روز ۲۰۰ از سال ۲۰۱۸

نشریه علمی – مهندسی فناوری اطلاعات مکانی

سال یازدهم ● شماره چهارم ● زمستان ۱۴۰۲

رزولوشن، اگر عناصر روی قطر اصلی ماتریس رزولوشن صفر باشد، پارامتر متناظر با آن در مدلسازی به خوبی بازسازی نمیشود شکل(۵) تعداد عناصر قطر اصلی ماتریس رزولوشن را که برابر صفر است، برای هر سه دسته مشاهدات ماهوارهای در هر سه مدل توموگرافی نشان میدهد. همانطور که مشخص است با افزایش تعداد ماهوارههای مشاهده شده، کمبود مرتبه ماتریس طراحی کاهش پیدا کرده است اما این مقدار حتی در مدل با تفکیک افقی ۵۰ کیلومتری به صفر نمیرسد. برای بررسی کیفیت مدلهای معرفی شده ماتریس رزولوشن تشکیل و مورد بررسی قرار گرفت. با توجه به تعریف ماتریس



شکل ۵: تعداد پارامترهایی از مدلهای توموگرافی که بدرستی بر آورد نمیشوند، از بالا به پایین به تر تیب مدل با تفکیک افقی ۳۰ ۴۰ و ۵۰ کیلومتر با اپکهای زمانی یک ساعته در روز ۳۰۰ از سال ۲۰۱۸

در مدل توموگرافی با تفکیک افقی ۵۰ کیلومتر، تعداد پارامترهایی که به درستی برآورد نمی شوند، هنگامی که فقط شامل مشاهدات GPS است در بیشترین مقدار به بیش از ۶ درصد از کل وکسلهای شبکه رسیده است اما در صورت بکار گیری مشاهدات GPS و GLONASS این عدد به حدود ۳٫۵ درصد کاهش یافته است. این در حالی است تعداد پارامترهایی که به درستی برآورد نمی شوند، در بکار گیری تمامی مشاهدات (GNSS) در کمترین مقدار خود به کمتر از یک درصد از کل وکسلهای شبکه رسیده است. در مدل با تفکیک افقی ۴۰ کیلومتر تعداد پارامترهایی که بدرستی برآورد نمی-شوند هنگامی که فقط سیگنالهای ماهوارههای GPS در نظر گرفته شده در بیشترین مقدار به بیش از ۱۴٬۵ درصد کل وکسلهای شبکه رسیده است در حالی که این عدد در صورت به کارگیری تمامی مشاهدات (GNSS) به حدود ۹ درصد و در کمترین مقدار خود در این ترکیب از مشاهدات ماهوارهای به حدود ۷٫۵ در صد از کل وکسلهای شبکه کاهش یافته است.

با توجه به شکل(۵) در مدل با تفکیک افقی ۳۰ کیلومتر، بیشترین تعداد پارامترهایی که بدرستی برآورد نمی شوند هنگامی که فقط سیگنالهای ماهوارههای GPS در نظر گرفته می شود به بیش از ۲۷ درصد از کل وکسلهای شبکه توموگرافی می رسد. در صورت استفاده از مشاهدات GLONASS و GPS این عدد به حدود ۱۵ درصد و با بکارگیری تمامی مشاهدات

پــیش تحلیــل مــدلهــای بازســازی توموگر افیــک ... الهه صادقی و همکار ان

(GNSS) در کمترین مقدار خود به حدود ۱۲درصد از کل وکسلهای مدل توموگرافی میرسد. ۳-۳- آنالیز ماتریس رزولوشن بر مبنای BGH گسترش ماتریس رزولوشن روشی جهت ارزیابی کمی کیفیت ماتریس رزولوشن در حل مسائل معکوس محسوب می شود. در این تحقیق برای بررسی کیفیت ماتریس رزولوشن از تابع گسترش BGH استفاده شده است. برای هر سه دسته ترکیب از مشاهدات ماهواره-های GNSS در هر سه مدل توموگرافی با تفکیک افقی ۳۰، ۴۰ و ۵۰ کیلومتری مقادیر تابع گسترش BGH بدست آمد. مقدار متوسط در هر مدل توموگرافی محاسبه شده و در جداول (۱) و (۲) قابل ملاحظه است. از آنجا که مقدار انکسار پذیریتر در لایههای بالایی جو به صفر نزدیک می شود و رطوبت موجود در جو در ارتفاعهای بالا به طور قابل توجهی کاهش پیدا می کند، درصد رطوبت ویژه حاصل از مقادیر ثبت شده توسط رادیوسوند در لایههای ارتفاعی در شکل(۶) گویای این مطلب است. به همین علت مقدار متوسط BGH یکبار برای تمام مدل (۱۴ لایه ارتفاعی) محاسبه شده است و یکبار برای لایههای پایینی جو ( از نزدیک سطح زمین تا ۹ امین لایه ارتفاعی) که رطوبت قابل ملاحظه تری در آن ارتفاع وجود دارد؛ مقادیر بدست آمـده بـه ترتيـب در جـدول (۱) و جـدول (۲) قابـل ملاحظه است.



شکل۶: درصد رطوبت نسبی در لایههای ارتفاعی حاصل از دادههای مشاهداتی رادیوسوند در روز ۳۰۰ از سال ۲۰۱۸ در ساعت *UTC*۰۰:۰۰

نشریه علمی – مهندسی فناوری اطلاعات مکانی

سال یازدهم • شماره چهارم • زمستان ۱۴۰۲

لایههای ارتفاعی ۱ تا ۱۴				
ابعاد افقی المانهای مدل	GPS	GLONASS+GPS	Multi-GNSS	
$\nabla \cdot Km$	۰ ٫۲ ۱	۲,۰	•,14	
۴۰ <i>Кт</i>	۰, · ۹	۰ <sub>/</sub> •۹	• , • <b>A</b>	
$\Delta \cdot Km$	•,• ۴	•,• ۴	•,• ٢	

جدول۱: مقادیر متوسط گسترش BGH برای مدلهای توموگرافی در ایک اول از روز ۳۰۰ سال ۲۰۱۸ در تمامی لایههای ارتفاعی

جدول۲: مقادیر متوسط گسترش BGH برای مدلهای توموگرافی در ایک اول از روز ۳۰۰ سال ۲۰۱۸ در ۹ لایههای ارتفاعی

لایههای ارتفاعی ۱ تا ۹					
ابعاد افقی المانهای مدل	GPS	GLONASS+GPS	Multi-GNSS		
۳ <i>• Km</i>	۰,۳۳	۰٫۳۱	•,74		
<b>۴</b> • <i>Кт</i>	<b>۰</b> ٫۱۶	۰,۱۶	۰,۱۵		
$\Delta \cdot Km$	• / • Y	• ,• Y	• ,• ٣		

نتایج بدست آمده نشان میدهد که در هـر سـه دسـته مدل توموگرافی با بکارگیری تمام ماهوارههای فعال GNSS کیفیت مدل در بازسازی توموگرافیک بخار آب افزایش پیدا خواهد کرد. در این حالت مقدار مشاهدات در کمترین میزان خود به بیش از ۶۰ درصد نسبت به زمانی کـه تنها از مشاهدات GPS استفاده می شود افزایش می یابد. اضافه شدن مشاهدات ماهواره های GLONASS بـه مشـاهدات GPS تـاثیری در افـزایش کیفیت بازسازی بخار آب نسبت به زمانی که تنها از مشاهدات GPS استفاده می شود، نخواهد گذاشت. این در حالی است که مشاهدات به میزان تقریبا ۳۵ درصد افزایش پیدا کرده و بنابراین بار محاسباتی به ویژه در کاربردهای نزدیک به آنی افزایش مییابد. بر اساس نتایج گزارش شده درجدول های (۱) و (۲) افزایش مشاهدات در هر المان با کاهش رزلوشن افقی مدل (افزایش ابعاد وکسلها) باعث بهبود کیفیت بازسازی توموگرافیک بخار آب خواهد شد. این مسئله در هر سه دسته از ترکیب مشاهدات GNSS قابل مشاهده است. ۴- نتیجه گیری در این تحقیق کیفیت بازسازی توموگرافیک بخار آب با

بکارگیری ترکیبهای مختلفی از مشاهدات ماهوارههای GNSS مورد مقایسه قرار گرفته است. سه نوع استراتژی ترکیبی از مشاهدات ماهوارهای مورد بررسی قرار گرفت. در اولین استراتژی تنها از مشاهدات GPS، در رویکرد دوم از ترکیب مشاهدات GPS و GLONASS و در آخرین استراتژی از مشاهدات تمام ماهوارههای فعال (GPS, GLONASS, Galileo, Beido) GNSS استفاده شده است. علاوه بر ترکیبهای متفاوت از مشاهدات ماهوارهای، تأثیر اندازه ابعاد افقی مدل در کیفت بازیابی توموگرافیک بخار آب با ثابت نگه داشتن تفکیک ارتفاعی در همه مدلها نیز مورد بررسی قرار گرفته است. در آنالیز هر سه استراتژی ترکیب مشاهدات فوق از سه مدل توموگرافی با قدرت تفکیک های افقی ۳۰، ۴۰ و ۵۰ کیلومتری استفاده شده است. مطالعات در بخش شمال غربی کشور ایران به دلیل تـراکم نسـبتاً مناسبی از گیرندههای دائم GPS انجام گرفته است. شبکه مورد مطالعه شامل ۱۵ ایستگاه دائم GPS می-باشد. تحقیقات در روز ۳۰۰ از سال ۲۰۱۸ صورت گرفته است.

مقایسه مدلهای توموگرافی نشان میدهد که بـا وجـود افزایش تقریباً دو برابـری مشـاهدات در اسـتراتژی دوم

نسبت به رویکردی که فقط شامل مشاهدات GPS است کمبود مرتبه ماتریس طراحی در مدلهایی با قدرت تفکیک افقی ۳۰، ۴۰ و ۵۰ کیلومتری به ترتیب۲۱، ۴٫۵ و ۲٫۵ درصد بهبود مییابد. در استراتژی سوم با افزایش تقریبا سه برابری مشاهدات نسبت به مدلی که فقط شامل مشاهدات GPS است کمبود مرتبه ماتریس طراحی در مدل ۳۰، ۴۰ و ۵۰ کیلومتری به ترتیب ۱۵، ۲ و ۵ درصد بهبود داشته است. مقادیر گزارش شده در این روز مطالعاتی نشان میدهد که افزایش مشاهدات هر چند در کاهش تعداد وکسلهای خالی مؤثر بوده است ولی میزان کاهش تعداد چنین وکسلهایی قابل توجه نمی باشد.

در ادامه از تابع گسترش BGH برای ارزیابی کمی کیفیت ماتریس رزولوشن استفاده شده است. از نتایج این تحلیل میتوان برای پیشبینی کیفیت مقادیر بازسازی شده انکسارپذیریتر بهره گرفت. نتایج حاصل از تابع گسترش نشان میدهد که افزایش مشاهدات تاثیر قابل ملاحظهای در بالا بردن کیفیت پارامترهای **مراجع** 

- [5] J. Tarniewicz, O. Bock, J. Pelon, and C. Thom, "Raman lidar for external GPS path delay calibration devoted to high accuracy height determination", Physics and Chemistry of the Earth, Parts A/B/C, 27(4-5), 329-333, 2002.
- [6] J. Braun, C. Rocken, and J. Liljegren, "Comparisons of line-of-sight water vapor observations using the global positioning system and a pointing microwave radiometer", Journal of Atmospheric and Oceanic Technology, 20(5), 606-612, 2003.
- [7] M. R. Troller, "GPS based determination of the integrated and spatially distributed water vapor in the troposphere", Ph.D. thesis, ETH Zurich, 2004.
- [8] S. L. Lutz, "High-resolution GPS tomography in view of hydrological hazard assessment", Ph.D. thesis, ETH Zurich, 2008.
- [9] S. Haji-Aghajany, Y. Amerian, and S.

برآورد شده نخواهد داشت؛ این در حالی است که افزایش رزولوشن افقی مدل توموگرافی در هر سه دسته استراتژی ترکیب مشاهدات، نتایج بهتری را در روز مورد مطالعه نشان میدهد. بر اساس نتایج حاصل، افزایش تعداد مشاهدات به تنهایی تأثیر مثبتی بر افزایش کیفیت انکسارپذیریتر بازسازی شده ندارد. به ویژه برای آن دسته از وکسلهایی که خالی از مشاهده نبوده و با اشعههای ماهوارههای GPS تقاطع داشته است.

بنابر نتایج بدست آمده از این تحقیق و گزارشهای محققین دیگر مهمترین عوامل موثر تأثیر گذار بر کیفیت بخار آب بازسازی شده به روش توموگرافی شامل تشخیص رزولوشن مناسب مدل در ابعاد زمانی و مکانی و همچنین افزایش تراکم ایستگاههای گیرنده زمینی است. لذا پس از غلبه بر این مشکلات است که میتوان انتظار داشت تا کیفیت بازسازی توموگرافیک بخارآب تروپوسفر با بهره گیری از مشاهدات تمام ماهوارههای GNSS به طور قابل توجهی بهبود یابد.

- K. Chen, R. M. Horton, D. A. Bader, C. Lesk, L. Jiang, B. Jones, L. Zhou, X. Chen, J. Bi, and P. L. Kinney, "Impact of climate change on heat-related mortality in Jiangsu province, China", Environmental pollution, 224:317–325, 2017.
- [2] Y. Yao, and Q. Zhao, "Maximally using GPS observation for water vapor tomography", IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 54(12):7185–7196.
- [3] G. Guerova, "Application of GPS derived water vapour for numerical weather prediction in Switzerland", Doctoral dissertation Bern of University, 2016.
- [4] O. Bock, J. Tarniewicz, C. Thom, and J. Pelon, "The effect of in- homogeneities in the lower atmosphere on coordinates determined from GPS measurements", Physics and Chemistry of the Earth, Parts A/B/C, 27(4-5):323–328, 2002.

#### سال یازدهم • شماره چهارم • زمستان ۱۴۰۲

Verhagen, "B-spline function-based approach for GPS tropospheric tomography". GPS Solutions, 24(3):1–12, 2020. [10] J. Lingham, "Description logics for vague spatial data", Ph.D Thesis, Department of Spatial Information Science and Engineering at The University of Maine, 2004.

- [10] X. Wang, and A. E. Dessler, "The response of stratospheric water vapor to climate change driven by different forcing agents", Atmospheric Chemistry and Physics, 20(21):13267–13282, 2020.
- [11] M. Bevis, S. Businger, T. A. Herring, C. Rocken, R. A. Anthes, and R. H. War, "GPS meteorology: Remote sensing of atmospheric water vapour using the global positioning system", Journal of Geophysical Research: Atmospheres, 97(D14):15787–15801, 1992.
- [12] L. Gradinarsky, and P. Jarlemark, "Ground-based GPS tomography of water vapour: analysis of simulated and real data", J Meteorol Soc Jpn Ser II 82:551– 560, 2004.
- [13] L. Gradinarsky, and P. Jarlemark, "Ground-based GPS tomography of water vapour: analysis of simulated and real data", J Meteorol Soc Jpn Ser II 82:551– 560, 2004.
- [14] X. Wang, and A. E. Dessler, "The response of stratospheric water vapor to climate change driven by different forcing agents". Atmospheric Chemistry and Physics, 20(21), 13267-13282, 2020.
- [15] Z. Dong, and S. Jin, "3-D water vapor tomography in Wuhan from GPS, BDS and GLONASS observations". Remote Sensing, 10(1), 62, 2018.
- [16] P. Benevides, J. Catalao, G. Nico, and P.M.A. Miranda, "4D wet refractivity estimation in the atmosphere using GNSS tomography initialised by radiosonde and AIRS measurements: results from a 1 week intensive campaign". GPS Solution 22:91. https://doi.org/10. 1007/s10291-018-0755-

5, 2018.

- [17] Q. Zhao, Y. Yibin, and Y. Wanqiang, "Troposphere water vapour tomography: A horizontal parameterised approach." *Remote Sensing* 10, no. 8, 2018.
- [18] M. Dehvari, S. Farzaneh, and M. A. Sharifi, "Combination of Radio Occultation data in 3D and 4D functional model tomography for retrieving the wet refractivity indices". Journal of the Earth and Space Physics, 48(1), 13-31. doi: 10.22059/jesphys.2021.321252.1007308, 2022.
- [19] A. Flores, G. Ruffini, and A. Rius, "4D tropospheric tomography using GPS slant wet delays", In Annales Geophysicae, 18:223–234. Springer, 2000.
- [20] H. Brenot, A. Walpersdorf, M. Reverdy, J. Van Baelen, V. Ducrocq, C. Champollion, F. Masson, E. Doerflinger, P. Collard, and P. Giroux, "A GPS network for tropospheric tomography in the framework of the Mediterranean hydro meteorological observatory Cévennes-Vivarais (southeastern France)", Atmospheric Measurement Techniques, 7(2):553–578, 2014.
- [21] M. Bender, G. Dick, M. Ge, Z. Deng, J. Wickert, H.G. Kahle, A. Raabe, and G. Tetzlaff, "Development of a GNSS water vapour tomography system using algebraic reconstruction techniques", Advances in Space Research, 47(10):1704–1720, 2011.
- [22] M. Bender, G. Dick, M. Ge, Z. Deng, J. Wickert, H.G. Kahle, A. Raabe, and G. Tetzlaff, "Development of a GNSS water vapour tomography system using algebraic reconstruction techniques", Advances in Space Research, 47(10):1704–1720, 2011.
- [23] M. Bender, G. Dick, M. Ge, Z. Deng, J. Wickert, H.G. Kahle, A. Raabe, and G. Tetzlaff, "Development of a GNSS water vapour tomography system using algebraic reconstruction techniques", Advances in Space Research, 47(10):1704–1720, 2011.
- [24] M. Troller, B. Burki, M. Cocard, A.

ہیش تحلیـل مــدلهـای باز سـازی توموگر افیــک ....

الهه صادقی و همکار ان

Geiger, and H. G. Kahle, "3-d refractivity field from GPS double difference tomography", Geophysical research letters, 29(24):2–1, 2002.

- [25] M. Bender, G. Dick, J. Wickert, M. Ramatschi, M. Ge, G. Gendt, M. Rothacher, A. Raabe, and G. Tetzlaff, "Estimates of the information provided by GPS slant data observed in Germany regarding tomographic applications", Journal of Geophysical Research: Atmospheres, 114(D6), 2009.
- [26] C. Champollion, F. Masson, E. Doerflinger, P. Collard, P. Giroux, "A GPS network for tropospheric tomography in the framework of the Mediterranean hydro meteorological observatory Cévennes-Vivarais (southeastern France)", Atmospheric Measurement Techniques, 7(2):553-578, 2014.
- [27] C. Champollion, F. Masson, E. Doerflinger, P. Collard, P. Giroux, "A GPS network for tropospheric tomography in the framework of the Mediterranean hydro meteorological observatory Cévennes-Vivarais (southeastern France)", Atmospheric Measurement Techniques, 7(2):553–578, 2014.
- [28] B. Chen, and Z. Liu, "Voxel-optimized regional water vapor tomography and comparison with radiosonde and numerical weather model", Journal of geodesy, 88(7), 691-703, 2014.
- [29] Z. Adavi, and M. Mashhadi-Hossainali, "4D tomographic reconstruction of the tropospheric wet refractivity using the concept of virtual reference station, case study: northwest of Iran", Meteorology and Atmospheric Physics, 126(3):193–205, 2014.
- [30] E. Sadeghi, M. Mashhadi Hossainali, and A. Safari," Development of a hybrid tomography model based on principal component analysis of the atmospheric dynamics and GPS tracking data", GPS Solutions, 26(3), 1-13, 2022.
- [31] Z. Adavi, R. Weber, and W. Rohm, "Pre-

analysis of GNSS tomography solution using the concept of spread of model resolution matrix", Journal of Geodesy, 96(4), 1-12, 2022.

- [32] C. Champollion, F. Masson, M.-N.Bouin, A. Walpersdorf, E. Doerflinger, O. Bock, and J. Van Baelen, "GPS water vapour tomography: pre- preliminary results from the escompte field experiment", Atmospheric Research, 74(1-4):253–274, 2005.
- [33] E. Sadeghi, M. Mashhadi-Hossainali, , and H. Etemadfard, "Determining precipitable water in the atmosphere of Iran based on GPS zenith tropospheric delays", Annals of geophysics, 57(4), A0430-A0430, 2014.
- [34] W. Rohm, and J. Bosy, "Local tomography troposphere model over mountains area", Atmospheric Research, 93(4):777–783, 2009.
- [35] Z. Adavi, and R.vWeber, "Evaluation of virtual reference station constraints for GNSS tropospheric tomography in Austria region," Adv. Geosci., vol. 50, pp. 39–48, 2019.
- [36] W. Menke, "Geophysical data analysis: discrete inverse theory (MATLAB edition)", Academic Press, New York, 2012.
- [37] R. C. Aster, B. Borchers, and C. H. Thurber, "Parameter estimation and inverse problems: Elsevier Academic", Borchers, CH Thurber–Elsevier-Academic Press, New York, London, 2005.
- [38] Aster R, Borchers B, Thurber C. (2013) Parameter estimation and inverse problems. Academic Press, New York, 2013.
- [39] H. Brenot, W. Rohm, M. Ka'cma'rík, G. Möller, A. Sá, D. Tonda's, L. Rapant, R. Biondi, T. Manning, C. Champollion, "Cross-validation of GPS tomography models andmethodological improvements using CORS network", AtmosMeas Tech Discuss 2018:1–42. https://doi. org/10.5194/amt-2018-292, 2018.

نشریہ علمی – مہندسی فناوری اطلاعات مکانی

سال یازدهم • شماره چهارم • زمستان ۱۴۰۲

- [40] D. S. Watkins, "The singular value decomposition (SVD)", Fundamentals of Matrix Computations, 261-288, 2002.
- [41] C. Miller, R., and P. S. Routh, "Resolution analysis of geophysical images: Comparison between point spread function and region of data influence measures", Geophysical Prospecting, 55(6), 835-852, 2007.
- [42] B. Kaltenbacher, A. Neubauer, and O. Scherzer, "Iterative Regularization Methods for Nonlinear Ill-Posed Problems", Walter de Gruyter, 2008.
- [43] D. Piretzidis, and M.G. Sideris, "MAP-LAB: a MATLAB graphical user interface for generating maps for geodetic and oceanographic applications, 2016.
- [44] N. Maercklin, Seismic structure of the Arava fault, dead sea transform, 2004.
- [45] A. Michelini, and T. McEvilly, "Seismological studies at Parkfield. I. Simultaneous inversion for velocity structure and hypocenters using cubic Bsplines parameterisation. Bull Seismol Soc Am 81:524–552, 1991.



Journal of Geospatial Information Technology Vol.11, No.4, Winter 2024

**Research Paper** 

## Pre-analysis of GNSS water vapor tomography based on analysis of the models space resolution matrix with various combinations of GNSS satellites observations

Elahe Sadeghi <sup>1\*</sup>, Masoud Mashhadi Hosseinali <sup>2</sup>, Abdolreza Safari <sup>3</sup>

1- Ph.D. student of Geodesy in the School of Surveying and Geospatial Engineering, College of Engineering, University of Tehran.

2- Associate Professor in Geodesy and Dean of Faculty of Geodesy and Geomatics Engineering at K. N. Toosi University of Technology. 3-Professor at the University of Tehran. He received his Ph.D. in geodesy from the School of Surveying and Geospatial Engineering, College of

Engineering, University of Tehran.

#### Abstract

Water vapor has an obvious role in the hydrological cycle and plays a key role in energy transport. Therefore, monitoring and determining its changes and distribution is demanding. In voxel-based tropospheric tomography, water vapor is computed for a set of voxels, each covering a specific part of the troposphere. One of the fundamental flaws in GPS tomography is the absence or insufficiency of signals in some voxels. To evaluate the performance of the tomography models, it is necessary to analyse the validity of the proposed model before implementing it. In this study, the efficacy of two elements has been investigated in tomography models. Using the observed various GNSS combined strategies and changing the horizontal resolution of the tomography model had been investigated to improve the validation of tomography model. In this research, we use the resolution matrix and the spread of the resolution matrix to provide a quality measurement without using the reference field as radiosonde data. The results show that all of the GNSS observations can increase the quality of the efficiency tomographic model but not as it was expected. To give an instance, the design matrix rank deficiency of the tomography model with 40 km horizontal resolution, has been improved just 7% on the study day, while the amount of the observations increased around 65% when we used all the active satellites. Oppositely, increasing the horizontal resolution caused an increase in the quality of the tomography models, so that, the values of spread decrease from 0.2 to 0.04, when just GPS observations were used. Therefore, increasing observations when using the available techniques such as the optimal horizontal resolution can be important for the tomography.

Key words: GNSS tomography, design matrix, resolution matrix, spread function.

Correspondence Address: School of Surveying & Geospatial Engineering, College of Engineering, University of Tehran, Tehran, Iran. Tel: +98 21 88008841 Email: Sadeghi.Elaheh@ut.ac.ir